

Соболев В. Н., Кондратенко А. Е. (МГУ им. М. В. Ломоносова, Москва)
Об асимптотических разложениях в ЦПТ на основе уточнённого разложения Тейлора

Асимптотические разложения в ЦПТ аналогичные представленным в [1, 2] можно строить в общем случае, используя результаты [3]. Для этого при $\lambda \geq 0$ определим функцию $q_3(\lambda) = \sup_{x>0} 2 |e^{ix} - 1 - ix + x^2/2 + i\lambda x^3|/\pi x^3$, которая в точке $\lambda = 0,4466\dots$ равна $0,3787\dots = \inf_{\lambda \geq 0} q_3(\lambda)$.

Теорема. Пусть ξ_1, ξ_2, \dots — н.о.р. сл.в. с $M\xi = 0, D\xi = 1, \beta_3 = M|\xi|^3 < \infty$ и такой х.ф. $f(t)$, что $|f(t)|^\nu$ интегрируема на \mathbb{R} при некотором $\nu > 0$. Тогда для плотности $p_n(x)$ нормированных сумм $(\xi_1 + \dots + \xi_n)/\sqrt{n}$ при $n \geq \max\{3, \nu\}$ и $x \in \mathbb{R}$ верно

$$\left| p_n(x) - \varphi(x) - \lambda \frac{\alpha_3}{6\sqrt{n}} H_3(x) \varphi(x) \right| \leq q_3(\lambda) \frac{\beta_3}{\sqrt{n}} + o\left(\frac{1}{n^{3/2}}\right), n \rightarrow +\infty,$$

где $\varphi(x) = \exp(-x^2/2)/\sqrt{2\pi}$, $\alpha_3 = M\xi^3$, $H_3(x) = x^3 - 3x$, $0 \leq \lambda < 1$.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- [1] V.N. Sobolev, A.E. Condratenko, “Generalization of one Senatov’s result in the central limit theorem”, *Theory Probab. Appl.*, **68:1**, (2023) 189.
- [2] V.V. Senatov, “On the real accuracy of approximation in the central limit theorem. II”, *Siberian Adv. Math.*, **27:2**, (2017) 133-152.
- [3] I.G. Shevtsova, “On the accuracy of the approximation of the complex exponent by the first terms of its Taylor expansion with applications”, *Theory Probab. Appl.*, **57:1**, (2013) 82-96.