

**Дубко В.А.** (Киев, Украина). **Естественные инварианты и элементы стохастической механики.**

Требование существования и единственности решения динамического уравнения, при определенных требованиях к гладкости коэффициентов, приводит к появлению интегрального инварианта:

$$\int_{\mathbb{R}^n} \rho_l(x; t) d\Gamma(x) = \int_{\mathbb{R}^n} \rho_l(x) d\Gamma(x) = 1, \forall t \geq 0, \rho_l(x) \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}^n; d\Gamma(x) = \prod_{j=1}^n dx_j.$$

$\rho_l(x; t)$  носит название динамического ядра интегрального инварианта.

Число таких независимых ядер  $\rho_l(x; t)$  не больше  $n+1$ .

Пусть процесс  $x(t; x(0))$ - решение классических стохастических дифференциальных уравнений. Уравнения для ядер можно построить, учитывая правила стохастического дифференцирования Ито, обобщенную формулу Ито-Вентцеля, и требование:

$$d_t \rho_l(x(t; x(0)); t) J(t) = 0, J(t) = J(t; x(0)), \forall t \geq 0, \forall x(0) \in \mathbb{R}^B$$

где  $J(t)$ —якобиан преобразования, связанный с динамическим процессом  $x(t; x(0)) \in \mathbb{R}^n$

Можем проверить, что  $\rho_l(x; t)/\rho_k(x; t) = u_{l,k}(x; t)$  стохастический первый интеграл.

Дополнительное ограничение, связанное с требованием существования интегрального инварианта Пуанкаре, приводит к стохастическим уравнениям Гамильтона.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. *Дубко В.А.* Стохастические дифференциальные уравнения. Избранные разделы.- К.: Логос, 2012, 68 с.
2. *Дубко В.А.* Элементы стохастической аналитической механики. Аналог теоремы Лиувилля. - Науковий вісник АМУ, "Техніка". Т. 2 (??), 2014, 172-182