

Федоткин М.А., Зорин А.В. (Нижний Новгород, Россия). **Стохастические модели процессов адаптивного управления конфликтными потоками неоднородных требований.**

В настоящем докладе собраны разрабатываемые в Нижегородском госуниверситете методы математического и имитационного моделирования и анализа процессов управления конфликтными потоками неоднородных требований. В основе этих методов лежит использование понятия *абстрактной стохастической управляющей системы* Ляпунова–Яблонского [1]. При таком подходе реализуются следующие принципы: дискретность актов функционирования управляющей системы, нелокальность описания блоков управляющей системы. Управляющую систему составляют: 1) блок формирования входных потоков, 2) входные потоки $\Pi_1, \Pi_2, \dots, \Pi_{\hat{m}}, 1 \leq \hat{m} < \infty$ и потоки насыщения $\Pi_1^{\text{нас}}, \Pi_2^{\text{нас}}, \dots, \Pi_m^{\text{нас}}, 1 \leq m < \infty$, 3) очереди O_1, O_2, \dots, O_m , 4) блок стратегии механизма обслуживания, 5) обслуживающее устройство, 6) алгоритм управления потоками, 7) выходные потоки $\Pi_1^{\text{вых}}, \Pi_2^{\text{вых}}, \dots, \Pi_m^{\text{вых}}$. Пусть возрастающая последовательность $\{\tau_i, i = 0, 1, \dots\}$ определяет шкалу моментов наблюдения. На промежутке $(\tau_i, \tau_{i+1}]$ случайные элементы задают: χ_i — состояние блока формирования входных потоков, η_i — вектор количества требований по входным потокам, ξ_i — вектор количества требований по потокам насыщения и $\bar{\xi}_i$ — вектор количества требований по выходным потокам. К моменту τ_i относятся Γ_i — состояние обслуживающего устройства и κ_i — вектор длин очередей. Тогда математической моделью процесса управления конфликтными потоками является векторная случайная последовательность

$$\{(\tau_i, \chi_i, \eta_i, \xi_i, \Gamma_i, \kappa_i, \bar{\xi}_i), i = 0, 1, \dots\}.$$

В работах [2–5] рассмотрены свойства векторной последовательности

$$\{(\chi_i, \Gamma_i, \kappa_i, \bar{\xi}_i), i = 0, 1, \dots\}. \quad (1)$$

Например, в этих работах получены необходимые и достаточные условия существования стационарного распределения для последовательности (1) при некоторых заданных ограничениях на конечномерные распределения векторной последовательности $\{(\tau_i, \eta_i, \xi_i), i = 0, 1, \dots\}$.

Предлагаемый подход позволяет найти ограничения на параметры процесса управления конфликтными потоками неоднородных требований, при которых существует стационарный режим. А также, оказывается возможным определить квазиоптимальные параметры по условию минимума среднего времени пребывания произвольного требования в системе путем имитационного моделирования.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. *Ляпунов А.А., Яблонский С.В.* Теоретические проблемы кибернетики. Проблемы кибернетики: сборник статей. — М.: Физматгиз, 1963. — С. 5–22.
2. *Zorin A.V., Fedotkin M.A.* Optimization of control of doubly stochastic nonordinary flows in time-sharing systems. *Autom. Remot. Contr.*, 2005, vol. 66, issue 7, pp. 1115–1124.
3. *Kudryavtsev E.V., Fedotkin M.A.* Discrete model's analysis of an adaptive control system for conflicting flows of nonhomogeneous demands. *Moscow Univ. Comput. Math. Cybern.*, 2019, vol. 43, № 1, pp. 17–24.
4. *Rachinskaya M., Fedotkin M.* Stationarity conditions for the control systems that provide service to the conflicting batch poisson flows. *Analytical and Computational Methods in Probability Theory (ACMPT 2017)*, Rykov V., Singpurwalla N., Zubkov A. (eds) *Lect. Notes Comp. Sci.*, vol 10684. Springer, Cham, pp. 43–53.
5. *Proidakova E.V., Fedotkin M.A.* Control of output flows in the system with cyclic servicing and readjustments. *Autom. Remot. Contr.*, 2008, vol. 69, № 6, pp. 993–1002.